

【高三不分組】

命題教師：吳孟珍

第一部分：單一選擇題（每題 5 分，共 30 分）

1. 將  $x=1$  代入下列各函數，所得函數值最小者是哪個選項？

- (1)  $f(x)=\sin x$  (2)  $f(x)=\cos x$  (3)  $f(x)=\log x$  (4)  $f(x)=(\frac{1}{2})^{-x}$  (5)  $f(x)=\log 2^{-x}$

2. 將 2 本相同的書、3 支相同的筆分給 7 個人。若每人兩種可兼得，請每種至多得 1 件，則共有幾種分法？

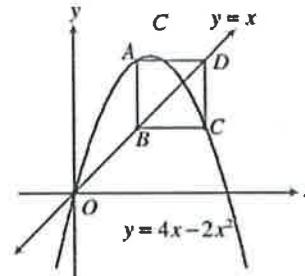
- (1) 630 (2) 690 (3) 735 (4) 760 (5) 840

3. 若  $x$  為實數，且  $|5x-21| \geq 7|x|$ ，則  $x$  的整數解有幾個？

- (1) 10 (2) 11 (3) 12 (4) 13 (5) 14

4. 如附圖， $A$ 、 $C$  為二次函數  $y=4x-2x^2$  圖形上的兩個相異點， $B$ 、 $D$  為直線  $y=x$  上的兩個相異點。若  $ABCD$  為正方形，且點  $A(a,b)$ ，則  $a+b$  之值為何？

- (1) 5 (2)  $\frac{5}{2}$  (3)  $\sqrt{5}$  (4)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$  (5)  $\frac{5\sqrt{5}}{2}$



5. 坐標平面上，拋物線上一點  $P$ ，其  $x$  坐標為  $\log_{10} \frac{1}{4}$ 。判斷點  $P$  的正確位置。

- (1)  $P$  為第一象限點 (2)  $P$  為第二象限點 (3)  $P$  為第三象限點  
(4)  $P$  為第四象限點 (5)  $P$  在  $x$  軸上

6. 阿珍往西觀測 A 大樓樓頂，測得其仰角為  $45^\circ$  且阿珍所在位置距離樓頂 40 公尺；往東觀測 B 大樓樓頂，測得其仰角為  $15^\circ$  且阿珍所在位置距離樓頂 20 公尺。若想在這兩棟大樓樓頂拉一條電纜線，此電纜線長度的最小值為下列哪一個選項？

- (1)  $20\sqrt{5}$  公尺 (2)  $20\sqrt{6}$  公尺 (3)  $20\sqrt{7}$  公尺 (4)  $40\sqrt{2}$  公尺 (5) 60 公尺。

第二部分：多重選擇題（每題 5 分，共 30 分）

7. 關於三次函數  $f(x)=2x^3-6x^2+3x-4$ ，試選出正確選項。

- (1)  $y=f(x)$  的圖形對稱中心為  $(1, -5)$   
(2)  $y=f(x)$  在對稱中心附近的一次近似直線為  $y=-3x-2$   
(3) 已知點  $(x_0, y_0)$  為  $y=f(x)$  的圖形上一點，若點  $(x_0, y_0)$  到對稱中心附近的一次近似直線的距離為 5，則點  $(-x_0+2, -y_0-10)$  到此一近似直線的距離亦為 5  
(4)  $y=f(x)$  的圖形經平移後會與  $f(x)=2x^3-6x^2$  的圖形重合  
(5)  $y=f(x)$  的圖形與  $x$  軸有三個交點

8. 設  $a, b$  為實數。已知四個數  $-3, -1, 4, 7$  皆滿足  $x$  的不等式  $|x-a| \leq b$ ，試選出正確的選項。

- (1)  $\sqrt{10}$  也滿足  $x$  的不等式  $|x-a| \leq b$   
(2)  $3, 1, -4, -7$  滿足  $x$  的不等式  $|x+a| \leq b$   
(3)  $-\frac{3}{2}, -\frac{1}{2}, 2, \frac{7}{2}$  滿足  $x$  的不等式  $|x-a| \leq \frac{b}{2}$   
(4)  $b$  可能等於 4  
(5)  $a, b$  可能相等

9. 蒐集 100 份某商品價格( $x$ )與銷售量( $y$ )的數據，資料整理後，可知  $\mu_x=17$ 、 $\mu_y=10$ ，且  $y$  對  $x$  的最適直線  $L$  的斜率  $m=1.8$ ，請選出正確的選項。

- (1)  $L$  通過點  $(17, 10)$   
(2)  $x, y$  的相關係數  $r > 1$   
(3)  $\mu_x \sigma_x < \mu_y \sigma_y$   
(4)  $\sigma_x > \sigma_y$   
(5)  $L$  通過點  $(27, 28)$

10. 關於函數  $f(x)=\sin 3x - \cos 3x + 2$ ，請選出下列正確的選項。

- (1)  $-2 \leq f(x) \leq 2$   
(2)  $f(x)$  的週期為  $\frac{\pi}{3}$   
(3) 將函數  $y=\sqrt{2} \sin 3x$  的圖形向右平移  $\frac{\pi}{4}$  單位，再向上平移 2 單位，可得到  $y=f(x)$  的圖形  
(4)  $f(1) > 2$   
(5)  $y=f(x)$  的圖形對稱於直線  $x=\frac{11\pi}{12}$

11. 一等差數列  $a_{10} = 64$ 、 $a_{18} = 32$ ，且  $S_n = a_1 + a_2 + \dots + a_n$ ，若  $b_n = 2^{a_n}$ ，則下列哪些是正確選項？

- (1)  $\langle a_n \rangle$  的公差為 -2
- (2)  $S_{25} > S_{26}$
- (3)  $\langle b_n \rangle$  是一個等比數列
- (4)  $b_{30} < b_{40}$
- (5)  $\log b_{50} > 0$

12. 已知平面上有圓  $C: x^2 + y^2 - 2x - 4y - 20 = 0$  及兩點  $A(9,8)$ ， $B(4,6)$ ，試問下列選項哪些正確？

- (1) 圓心為  $(1, 2)$ ，半徑為 25
- (2) 過  $B$  點且與圓  $C$  相切的直線方程式為  $3x + 4y - 36 = 0$
- (3) 圓  $C$  上到  $A$  點最遠距離的點為  $(-3, -1)$
- (4) 過  $A$  點作圓  $C$  的兩切線，切點為  $P, Q$ ，則  $\overline{PQ} = 5\sqrt{3}$
- (5) 圓  $C$  上恰有兩個點與直線  $L: 6x + 8y = 47$  的距離等於  $\frac{5}{2}$

### 第三部分：填充題（共25分）

13. 在坐標平面上，已知由 4 個不等式  $x - y \geq 0$ ,  $x - y \leq 10$ ,  $x + y \geq 0$ ,  $x + y \leq 10$  所圍成的區域為  $\Omega$ ，若有一圓  $\Gamma$  使得  $\Omega$  全落在圓  $\Gamma$  的邊界或內部，則圓  $\Gamma$  的最小面積為 \_\_\_\_\_。

14. 設  $f(x)$ 、 $g(x)$  為實係數多項式，已知  $f(x)$  除以  $x^2 + x - 6$  的餘式為  $ax - 1$ ， $g(x)$  除以  $x - 2$  的餘式為 5，且  $f(x) + g(x)$  除以  $x - 2$  的餘式為 8。

試問  $f(x)$  除以  $x + 3$  的餘式為 \_\_\_\_\_。

15.  $O$  為坐標平面上的原點，已知  $A(x_1, y_1)$ 、 $B(x_2, y_2)$ 、 $C(15, 10)$  為第一象限內三點，且  $A$ 、 $B$ 、 $C$  三點與直線  $L: 4x + 3y = 0$  的距離成等比數列，其中  $A$  點與直線  $L$  的距離為 2，則  $A$  點所在直線為 \_\_\_\_\_。

16. 承第 15 題， $B$  點所在直線為 \_\_\_\_\_。

17. 阿珍想用鐵絲圍成面積 24 平方公分的「日」字形的著色區域，如圖，則她至少要準備 \_\_\_\_\_ 公分的鐵絲。（鐵絲寬度不計）



第四部分：混合題或非選擇題（佔 15 分，此部分請寫出詳細計算過程）

說明：配分標於題末。限在標示題號作答區內作答。

非選擇提請由左而右橫式書寫試，作答時需寫出計算過程或理由，否則將酌予扣分。

### 18-20 題為題組

吳老師到自助餐店吃飯都固定選一個主食、一個主菜和一個配菜，其中主食有白飯、紫米飯、炒飯、粥四種選擇，主菜有雞腿、排骨、爌肉三種選擇，配菜有荷包蛋、豆芽菜兩種選擇。根據上述資料，試回答下列問題。

18. 吳老師吃飯的所有搭配組合數為下列哪一個選項？（單選題，4 分）

- (1) 6 種
- (2) 24 種
- (3) 60 種
- (4) 72 種
- (5) 144 種。

19. 如果吳老師打算不吃澱粉，所以不選主食，然後選兩個不一樣的主菜搭配一個配菜，則吳老師吃飯的所有搭配組合數有多少種？（非選擇題，5 分）

20. 有一天吳老師跟自助餐阿姨說：「我吃粥不配荷包蛋，而且只要一吃爌肉，就一定要配白飯，現在開始我天天來吃一次，你知道我要吃幾天才可以把所有搭配都吃過一遍呢？」

請幫自助餐阿姨計算，吳老師需要連續吃幾天就可以把所有搭配都吃過一遍。  
(非選擇題，6 分)

高雄市正義中學高中部 112 學年度第一學期第一次期中考數學科答案卷

【高三不分組】

命題教師：吳孟珍

高三年\_\_\_\_\_班 座號：\_\_\_\_\_ 姓名：\_\_\_\_\_

第一部分：單一選擇題 30% (每題 5 分)

1	2	3	4	5	6
5	3	3	2	2	3

第二部分：多重選擇題 30% (每答對一選項得 1 分，答錯不倒扣)

7	8	9	10	11	12
123	12	135	45	3	234

第三部分：填充題 25% (配分如下量尺)

13	14	15	16	17
$25\pi$	-7	$4x + 3y - 10 = 0$	$4x + 3y - 30 = 0$	24

答對題數	1	2	3	4	5
得分	6	12	18	21	25

第四部分：混合題或非選擇題 (佔 15 分，此部分請寫出詳細計算過程)

說明：本部分共有 1 題組，每一組題配分標於題末。限在標示題號作答區內作答。

非選擇題請由左而右橫式書寫，作答時需寫出計過程或理由，否則將酌予扣分。

18.(4%)  $4 \times 3 \times 2 = 24$ ，故選(2)

19.(5%)  $C_2^3 * C_1^2 = 6$

20.(6%)

〈方法一〉

分成選粥、白飯、紫米飯或炒飯 3 種情形來討論

$1 \times 2 \times 1 + 1 \times 3 \times 2 + 2 \times 2 \times 2 = 16$ 。

〈方法二〉

分成選粥、白飯、紫米飯、炒飯 4 種情形來討論

$1 \times 2 \times 1 + 1 \times 3 \times 2 + 1 \times 2 \times 2 + 1 \times 2 \times 2 = 16$ 。

〈方法三〉反面解法(1)

$4 \times 3 \times 2 - 1 \times 2 \times 1 - 3 \times 1 \times 2 = 16$ 。(扣除不合的兩種情形)

〈方法四〉反面解法(2)

$4 \times 3 \times 2 - 1 \times 3 \times 1 - 3 \times 1 \times 2 + 1 \times 1 \times 1 = 16$ 。(取捨原理)